

Документ СМК 3 уровня	Ф 10/6.163-2008	
Тестовое задание	Редакция 2	
	Дата введения 10.01.2008	

ТАРАЗСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ УНИВЕРСИТЕТ ИМЕНИ М.Х. ДУЛАТИ

Кафедра «Прикладная и вычислительная математика»

## ТЕСТОВОЕ ЗАДАНИЕ **6612** (БЕЗ ОТВЕТОВ)

### Математика - 3

**Специальность:** 5В070800-«Нефтегазовое дело», 5В071900-«Радиотехника электроника и телекоммуникации»

**Количество кредитов:** 3 кредита

1. Множество точек пространства, совместно с приписанными к этим точкам числами, называют:

А) числовым полем

2. Скалярное поле называется плоским если:

А) скалярное поле ограничено плоской поверхностью

3. Скалярное поле называется пространственным если:

А) скалярное поле ограничено пространственной поверхностью

4. Семейство поверхностей во всех точках каждой из которых скалярное поле имеет одно и то же значение называют:

А) семейство сферически симметричного поля

5. Поверхности уровня могут вырождаться:

А) в сферы

6. Любая сфера с центром в точке N является поверхностью уровня:

А) для сферы с центром в точке N

7. Укажите градиент скалярного поля

$u(M) = u(x, y, z)$

$$\text{А) } \text{grad } u = \frac{\partial u}{\partial x} \vec{i} + \frac{\partial u}{\partial y} \vec{j} + \frac{\partial u}{\partial z} \vec{k}$$

8. Укажите правильное выражение

$$\text{А) } \text{grad } u = u$$

$$\vec{\nabla} = \frac{\partial}{\partial x} \vec{i} + \frac{\partial}{\partial y} \vec{j} + \frac{\partial}{\partial z} \vec{k}$$

9. Выражение называют :

А) векторным оператором

10. Если каждой точке  $M$  данной области  $E$  соответствует определенный вектор  $\vec{a}(M)$ , то говорят, что в области  $E$  задано:

А) поле уровней сходящихся к множеству  $E$

11. Найти градиент скалярного поля

$$u(x, y) = x^2 + 2y^3 + 3 \text{ в точке } M(1,1)$$

$$\text{А) } \text{grad } u = 2 \vec{i}$$

12. Найти градиент скалярного поля

$$u(x, y) = \sin(x + y^2) \text{ в точке } M(0,0)$$

$$\text{А) } \text{grad } u = 2 \vec{j}$$

13. Найти градиент скалярного поля  $u(x, y) = \cos(x + y^2)$  в точке  $M(0, 0)$

A)  $\text{grad } u = -2 \vec{j}$

14. Найти градиент скалярного поля  $u(x, y) = (x + y^2)^2$  в точке  $M(1, 2)$

A)  $\text{grad } u = 40 \vec{j}$

15. Найти градиент скалярного поля  $u(x, y) = (x + y^2)^2 + xy$  в точке  $M(1, 2)$

A)  $\text{grad } u = 40 \vec{j}$

16. Найти градиент скалярного поля  $u(x, y) = x(x + y^2)^2$  в точке  $M(1, 2)$

A)  $\text{grad } u = 40 \vec{j}$

17. Найти градиент скалярного поля  $u(x, y) = (x + y)(x + y^2)^2$  в точке  $M(1, 0)$

A)  $\text{grad } u = 2 \vec{j}$

18. Найти градиент скалярного поля  $u(x, y) = z(x^2 - y^2 + z^2)$  в точке  $M(1, 0, -1)$

A)  $\text{grad } u = 4 \vec{k}$

19. Найти  $\text{grad} \left( \begin{matrix} \vec{c} \\ \vec{r} \end{matrix} \right)$ , где  $\vec{c}$  - постоянный

вектор,  $\vec{c} = \vec{i} + \vec{j} + \vec{k}$

A)  $\text{grad} \left( \begin{matrix} \vec{c} \\ \vec{r} \end{matrix} \right) = \nabla \vec{i} + \nabla \vec{j} + \nabla \vec{k}$

20. Найти линии тока плоского потока жидкости, характеризуемого вектором скорости

$$\vec{a}(M) = xy \vec{i} - 2x(x-1) \vec{j}$$

A)  $(x-1)^2 + \frac{(y-1)^2}{2} = c$

21. Пусть функции  $z_1(x, y)$  и  $z_2(x, y)$  определены и непрерывны в ограниченной

замкнутой области  $D$  и  $z_1(x, y) \leq z_2(x, y)$ , тогда область

$$G = \{(x, y, z) | (x, y) \in D, z_1(x, y) \leq z \leq z_2(x, y)\}$$

называется

A) дивергенцией

22. Область  $G$  называется простой, если:

A) ее можно разбить на две области

23. Формула

$$\iiint_G \left( \frac{\partial P}{\partial x} + \frac{\partial Q}{\partial y} + \frac{\partial R}{\partial z} \right) dx dy dz = \iint_{\Phi} P dy dz + Q dz dx + R dx dy$$

называется формулой

A) Никольского

24. Если  $\frac{\partial P}{\partial x} + \frac{\partial Q}{\partial y} + \frac{\partial R}{\partial z} = 1$  то

A)  $\iiint_G dx dy dz = xyz$

25. Формула вычисления объема области  $G$  с помощью интеграла по ее поверхности:

$$V(G) = \iint_G P dx + Q dy + R dz$$

A)

26. В формуле Остроградского-Гаусса поверхность  $\Phi$ :

A) ограничена и гладкая

27. Дивергенция векторного поля  $\vec{a}(M)$ :

A)  $\text{div } \vec{a}(M) = \vec{i} + \vec{j} + \vec{k}$

28. Поток векторного поля  $\vec{a}(M)$  через ориентированную поверхность  $(\Phi)$  называют:

A) Якобиан

$$P = \iint_{(\Phi)} \left( \begin{matrix} \vec{a} \\ \vec{n} \end{matrix} \right) ds$$

29. Поверхностный интеграл называют:

A) ротором

30. Дивергенция векторного поля  $\vec{a}(M)$  представляет собой:

А) непрерывное поле в области  $G$

31. Если  $\vec{a} = P\vec{i} + Q\vec{j} + R\vec{k}$  разложение

векторного поля  $\vec{a}$  по ортам, то формула определяющая поток:

$$\Pi = \iint_{(\Phi)} (P \cos \alpha + Q \cos \beta + R \cos \gamma) dx dy dz$$

32. Вычислить дивергенцию векторного поля

$$\vec{a} = x^2 \vec{i} + y^2 \vec{j} + z^2 \vec{k}$$

А)  $\operatorname{div} \vec{a} = 2(x^2 + y^2 + z^2)$

33. Вычислить дивергенцию векторного поля

$$\vec{a} = \vec{i} + 2\vec{j} + 3\vec{k}$$

А)  $\operatorname{div} \vec{a} = 6$

34. Вычислить дивергенцию векторного поля

$$\vec{a} = \sin x \vec{i} + \cos y \vec{j} + \operatorname{tg} xy \vec{k}$$

А)  $\operatorname{div} \vec{a} = \cos x - \sin y + \frac{xy}{\cos^2 xy}$

35. Вычислить дивергенцию векторного поля

$$\vec{a} = x^3 \vec{i} + y^x \vec{j} + (x+y)z \vec{k}$$

А)  $\operatorname{div} \vec{a} = 3x^2 - xy^{x-1}$

36. Вычислить дивергенцию векторного поля

$$\vec{a} = (x-y)^3 \vec{i} + (x+y)^3 \vec{j} + (xy)^3 z \vec{k}$$

А)  $\operatorname{div} \vec{a} = 3x^2 - xy^{x-1}$

37. Вычислить дивергенцию векторного поля

$$\vec{a} = (x)\vec{i} + (xy)\vec{j} + (xyz)\vec{k}$$

А)  $\operatorname{div} \vec{a} = 0$

38. Найти поток векторного поля

$$\vec{a} = y\vec{i} - x\vec{j} + z\vec{k}$$
 через замкнутую поверхность

( $\Phi$ ), состоящую из поверхности конуса

$$x^2 + y^2 = z^2$$
 и плоскости  $z = 1$ .

А) 1

39. Найти поток векторного поля

$$\vec{a} = xy^2 \vec{i} + yz^2 \vec{j} + zx^2 \vec{k}$$
 через поверхность сферы  $x^2 + y^2 + z^2 = R^2$ .

А)  $\frac{5}{4}R^4$

40. Найти поток векторного поля

$$\vec{a} = y^2 \vec{i} + x^2 \vec{j} + \vec{k}$$
 через часть поверхности параболоида  $1 - z = x^2 + y^2$  ( $0 \leq z \leq 1$ ).

А) 1

41. Укажите циркуляцию векторного поля  $\vec{a}(M)$  по замкнутой кривой  $\ell$ .

А) 1

42. Криволинейный интеграл второго рода

$$\oint_L (\vec{a}, d\vec{s})$$
 называют:

А) элементарной дугой

43. Если поверхность ( $\Phi$ ) однозначно проектируется на каждую координатную плоскость прямоугольной системы координат  $Oxyz$ , то поверхность называется:

А) проекцией

44. Укажите формулу Стокса:

А)  $\oint Pdx + Qdy + Rdz = 0$

45. Ориентированная поверхность, которую можно разбить на конечное число плоских треугольников называется:

А) разбитой поверхностью

$$\frac{1}{S} \oint_L (\vec{a}, d\vec{z})$$

46. Выражение определяет:

А) площадь области ограниченной кривой  $L$

$$\lim_{\substack{L \rightarrow M_0 \\ (S \rightarrow 0)}} \frac{1}{S} \oint_L (\vec{a}, d\vec{r})$$

47. Выражение определяет:

А) площадь области ограниченной кривой  $L$

48. Вектор, проекция которого на каждое направление  $\vec{n}$  равна пределу отношения циркуляции векторного поля по контуру  $L$ , к величине площади  $S$ , когда размеры площади стремятся к нулю, а сама область стягивается в точку  $M_0$ , называется:  
 А) дивергенцией

49. Укажите формулу нахождения ротора  
 А)  $\text{rot } \vec{a} = P \vec{i} + Q \vec{j} + R \vec{k}$

50. Укажите формулу нахождения ротора  
 А)  $\text{rot } \vec{a} = P \vec{i} + Q \vec{j} + R \vec{k}$

51. Вычислить циркуляцию плоского векторного поля  $\vec{a} = y^2 \vec{i} + x \vec{j}$  вдоль кривой  $x = 3 \cos t, y = \sin t$  обходом по часовой стрелке.  
 А) 0

52. Вычислить циркуляцию вектора  $\vec{a} = -y \vec{i} + x \vec{j} + \vec{k}$  вдоль окружности  $x^2 + y^2 = 1, z = 0$  в положительном направлении.  
 А) 0

53. Найти циркуляцию векторного поля  $\vec{a}(M) = xyz \vec{i} + (x + y + z) \vec{j} - x^2 y^2 \vec{k}$  вдоль контура квадрата, определяемого уравнениями:  $-x + y = a, x + y = a, x - y = a, x + y = -a, z = 0$ .  
 А) 0

54. Вычислить циркуляцию вектора  $\vec{a} = y \vec{i} + x \vec{j} + \vec{k}$  вдоль окружности  $x^2 + y^2 = 1, z = 0$  в положительном направлении.  
 А) 0

55. Применяя формулу Стокса, вычислить интеграл  $I = \oint_L y dx + z dy + x dz$ , где  $L$  - окружность  $x^2 + y^2 + z^2 = a^2, x + y + z = 0$ ,

пробегаемая против хода часовой стрелки, если смотреть с положительной оси  $Ox$ .

А) 0

56. Применяя формулу Стокса, вычислить

интеграл  $I = \oint_L y^2 z^2 dx + x^2 z^2 dy + x^2 y^2 dz$ , где  $L$  - замкнутая кривая

$x = a \cos t, y = a \cos 2t, z = a \cos 3t$ , пробегается в направлении возрастания параметра  $t$ .

А)  $-\sqrt{3}\pi a^2$

57. Найти ротор векторного поля

$\vec{a} = x^2 \vec{i} + y^2 \vec{j} - z^2 \vec{k}$

А) 2

58. Найти  $\text{rot}(\text{grad } u)$ , если  $u = x^2 + y^2 + z^2$

А) 0

59. Найти ротор поля скоростей твердого тела, вращающегося вокруг неподвижной точки с мгновенной угловой скоростью

$\vec{\omega} = \omega_x \vec{i} + \omega_y \vec{j} + \omega_z \vec{k}$ .

А)  $\text{rot } \vec{v} = \vec{\nabla} \times \vec{v} = \vec{\omega} - \sqrt{\vec{\omega}}$

60. Вычислить ротор векторного поля

$\vec{a} = y^2 \vec{i} - x^2 \vec{j} + z^2 \vec{k}$

А)  $\text{rot } \vec{a} = (x - y) \vec{k}$

61. Векторное поле  $\vec{a}(M)$  называют потенциальным в области  $(G)$ , если существует такая скалярная функция  $v(M)$ , что для всех точек этой области:

А)  $\vec{a}(M) = \text{grad}(v(M))$

62. В потенциальном поле линейный интеграл:

А) влияет на результат интегрирования

63. Укажите формулу нахождения линейного интеграла в потенциальном поле:

$$\oint_L (\vec{a}, d\vec{r}) = v(M) + v(M_0) + C$$

64. Если линейный интеграл поля  $\vec{a}(M)$  не зависит от пути, то поле  $\vec{a}(M)$ :

65. Формула для нахождения потенциала точки  $M$

$$v(M) = v(M_0) + \int_{M_0}^M (\vec{a})$$

66. Если поле задано в декартовой системе координат, то потенциал находят по формуле:

$$v(x, y, z) = \int_{x_0}^x P(x, y_0, z_0) + \int_{y_0}^y Q(x, y, z_0) + \int_{z_0}^z R(x, y, z)$$

67. Если циркуляция поля по искомому простому кусочно-гладкому замкнутому контуру равна нулю, то поле  $\vec{a}(M)$ :

68. Если поле  $\vec{a}(M)$  потенциально в области  $(G)$ , то в любой точке этой области:

$$\text{rot } \vec{a}(M) = \left( \int_{x_0}^x P(x, y_0, z_0) + \int_{y_0}^y Q(x, y, z_0) + \int_{z_0}^z R(x, y, z) \right) dx dy dz$$

69. Если в потенциальном поле  $\text{rot } \vec{a}(M) = \vec{0}$ , то поле  $\vec{a}(M)$  является:

70. Укажите оператор Гамильтона

71. Условие потенциальности поля  $\vec{a} = (y+z)\vec{i} + (z+x)\vec{j} + (x+y)\vec{k}$

$$\text{A) } \text{div } \vec{a} = 2(x+y+z)$$

72. Найти потенциал поля  $\vec{a} = (y+z)\vec{i} + (z+x)\vec{j} + (x+y)\vec{k}$

73. Найти циркуляцию потенциального поля  $\vec{a} = (y+z)\vec{i} + (z+x)\vec{j} + (x+y)\vec{k}$  по замкнутому контуру

$$\text{A) } \Pi = -\sqrt{x^2 + y^2 + z^2}$$

74. Найти циркуляцию потенциального поля  $\vec{a} = (xz)\vec{i} + (zxy)\vec{j} + (x^2y)\vec{k}$  по замкнутому контуру

$$\text{A) } \Pi = -\sqrt{x^2 + y^2 + z^2}$$

75. Найти циркуляцию потенциального поля  $\vec{a} = \cos(xz)\vec{i} + \text{ctg}(zy)\vec{j} + \text{arctg}(x^2y)\vec{k}$  по замкнутому контуру

$$\text{A) } \Pi = -\sqrt{x^2 + y^2 + z^2}$$

76. Найти циркуляцию потенциального поля  $\vec{a} = \cos(xz)\vec{i} + \sqrt{(zxy)}\vec{j} + (x^2y)\vec{k}$  по замкнутому контуру

$$\text{A) } \Pi = -\sqrt{x^2 + y^2 + z^2}$$

77. Найти потенциал поля  $\vec{a} = (-2x - yz)\vec{i} + (-2y - xz)\vec{j} + (-2z - xy)\vec{k}$

78. Найти потенциал поля  $\vec{a} = (2x - yz)\vec{i} + (2y - xz)\vec{j} + (2z - xy)\vec{k}$

79. Найти потенциал поля  $\vec{a} = (2x + yz)\vec{i} + (2y + xz)\vec{j} + (2z + xy)\vec{k}$

80. Найти потенциал поля

$$\vec{a} = (4x + yz)\vec{i} + (2y + xz)\vec{j} + (2z + xy)\vec{k}$$

А)  $v(x, y, z) = -(x + y + z)$

81. Уравнение называется дифференциальным относительно некоторой искомой функции, если оно содержит...

А) аргумент и производную 2-го порядка искомой функции

82. Дифференциальное уравнение называется обыкновенными, если...

А) искомая функция  $y$  зависит только от двух аргументов

83. Дифференциальным уравнением первого порядка называется уравнение вида...

А)  $F(x, y', C) = 0$

84. Общим решением дифференциального уравнения первого порядка называется функция...

А)  $y = \varphi(C)$

85. Общий интеграл дифференциального уравнение первого порядка имеет вид:

А)  $F(x, y', C) = 0$

86. Порядок дифференциального уравнения совпадает ...

А) со степенью искомой функции в уравнении

87. Дифференциальное уравнение вида

$$M_1(x)M_2(y)dx + N_1(x)N_2(y)dy = 0 \text{ называется...}$$

А) уравнением Лагранжа

88. Укажите уравнения с разделяющимися переменными

а)  $y' = 2xy$  б)  $y' + \frac{y}{x} = e^x$  в)  $y' = y(1+x)$

А) а, б, в

89. Дифференциальное уравнения вида

$$y' = f\left(\frac{y}{x}\right) \text{ называется..}$$

А) уравнением с разделяющимися переменными

90. Для решения однородного уравнения применяется подстановка :

А)  $y = \frac{1}{z}$ , где  $z = z(x)$  - неизвестная функция

91. Функция  $f(x, y)$  называется однородной измерения  $m$  относительно  $x$  и  $y$ , если

А)  $f(\lambda x, \lambda y) = f(x, y)$

92. Определить вид дифференциального уравнения  $x^2 y' + y = 0$  :

А) уравнение в полных дифференциалах

93. Найдите общее решение дифференциального уравнения  $2xydx - dy = 0$  :

А)  $y = \frac{e^{x^2}}{2}$

94. Найдите общее решение дифференциального уравнения  $e^{x+3y} dy = dx$

А)  $e^{3y} = \frac{1}{3}(x + \ln C)$

95. Найдите частное решение дифференциального уравнения

$$x dy = (y + 5) dx, y(1) = 1$$

А)  $y = 4x + 5$

96. Определить вид дифференциального уравнения  $y - xy' = 1 + x^2 y'$  :

А) линейное уравнение

97. Определить вид дифференциального

$$\text{уравнения } xy' = y - xe^{\frac{y}{x}} :$$

А) уравнение Бернулли

98. Найдите общее решение дифференциального

$$\text{уравнения } \frac{dy}{dx} = \frac{x+2y}{x} :$$

А)  $y = x(3xC + 1)$

99. Найдите частное решение дифференциального уравнения

$$y' = \frac{y}{x} - 1, y(1) = 0$$

A)  $y = \ln x$

100. Функция  $f(x, y) = \frac{xy - y^2}{x - 2y}$  однородная, то ее степень однородности равна:

A) 4

101. Дифференциальное уравнение вида  $y' + P(x)y = Q(x)$  называется

A) уравнением с разделяющимися переменными

102. Для решения линейного уравнения применяется подстановка :

A)  $y = \frac{1}{z}$ , где  $z = z(x)$  - неизвестная функция

103. Дифференциальное уравнение вида  $y' + P(x)y = 0$  называется ..

A) уравнением в полных дифференциалах

104. Определить вид дифференциального уравнения  $(x^2 + 1)y' + 4xy = 3$  :

A) уравнение в полных дифференциалах

105. Определить вид дифференциального

уравнения  $y' = \frac{y}{3x - y^2}$  :

A) однородное уравнение

106. Дифференциальное уравнение вида  $y' + P(x)y = Q(x)y^n$  называется...

A) уравнение с разделяющимися переменными

107. Определить вид дифференциального уравнения  $y' + xy = x^3y^3$  :

A) линейное уравнение

108. Для решения уравнения Бернулли применяется подстановка ..

A)  $y = \frac{u}{x}$ , где  $u = u(x)$  неизвестная функция

109. Укажите условие, при котором уравнение вида  $P(x, y)dx + Q(x, y)dy = 0$  является уравнением в полных дифференциалах:

A)  $\frac{\partial y}{\partial x} = \frac{\partial Q}{\partial P}$

110. Функция  $u(x, y) = C$  при решении уравнения в полных дифференциалах находится из системы уравнений:

A) 
$$\begin{cases} \frac{\partial u}{\partial x} = P(x, y) \\ \frac{\partial u}{\partial y} = Q(x, y) \end{cases}$$

111. Найти общее решение дифференциального уравнения  $y' - y = e^x$

A)  $y = x(e^x \cdot x - e^x + C)$

112. Найти общее решение дифференциального уравнения  $xy' - y = x$

A)  $y = \frac{x}{2}$

113. Найдите общее решение

дифференциального уравнения  $y' - 2xy = 0$

A)  $y = e^{Cx}$

114. Найти общее решение дифференциального уравнения  $y'x + y = -xy^2$

A)  $y = \frac{1}{x^{\ln x}}$

115. Найти общее решение дифференциального уравнения  $xydy = (y^2 + x)dx$

A)  $y = xC$

116. Определить вид дифференциального уравнения  $xy' + 2y + x^5y^3e^x = 0$

A) однородное уравнение

117. Определить вид дифференциального уравнения  $3x^2e^y dx + (x^3e^y - 1)dy = 0$  :

A) уравнение Бернулли

118. Система уравнений для нахождения функции  $u(x, y) = C$  уравнения в полных

дифференциалах

$2x \cos^2 y dx + (2y - x^2 \sin 2y) dy = 0$  имеет вид:

$$A) \begin{cases} \frac{\partial u}{\partial x} = 2x \cos^2 y \\ \frac{\partial u}{\partial y} = \frac{2x \cos^2 y}{2y - x^2 \sin 2y} \end{cases}$$

119. Укажите условие, при котором уравнение

$$(3x^2 - 2x - y) dx + (2y - x + 3y^2) dy = 0$$

вида

является уравнением в полных дифференциалах:

$$A) \frac{\partial y}{\partial x} = \frac{\partial(2y - x + 3y^2)}{\partial(3x^2 - 2x - y)}$$

120. Укажите дифференциальное уравнение  $n$ -го порядка

$$a) F(x, y, y', \dots, y^{(n-1)}) = 0 \quad б) F(x, y, y', \dots, y^{(n)}) = 0 \quad в)$$

A) а, б

121. Общее решение дифференциального уравнения  $n$ -го порядка имеет вид:

$$A) y = \varphi(x, C_1, C_n)$$

122. Сколько произвольных постоянных может содержать общее решение уравнения вида

$$y^{(n)} = f(x)$$

A) 2

123. Для решения дифференциального

уравнения  $F(x, y^{(n-1)}, y^{(n)}) = 0$  применяется

подстановка:

$$A) p(x) = y^{(n)}$$

124. К какому виду преобразуется уравнение

$$F(x, y', y'') = 0 \text{ после подстановки}$$

$$A) F\left(y, \frac{dP}{dy}, \frac{d^2P}{dy^2}\right) = 0$$

125. Для решения дифференциального

уравнения  $F(y, y', y'') = 0$  применяется

подстановка:

$$A) y' = \frac{dp}{dy}$$

126. К какому виду преобразуется уравнение

$$F(y, y', y'') = 0 \text{ после подстановки:}$$

$$A) F\left(y, \frac{dp}{dy}, \frac{d^2p}{dy^2}\right) = 0$$

127. Определить порядок дифференциального

уравнения  $y''' x \ln x = y''$

A) 6

128. Определить порядок дифференциального

$$x^6 y' - \frac{1}{(y''')^2} = (y^{IV})^2 + y''''$$

уравнения

A) 1

129. Определить порядок дифференциального

$$y^{(n)} = F(x, y, y', \dots, y^{(n-1)}) = x$$

A) 5

130. Найти общее решение уравнения

$$y'' = -2(x+1)$$

$$A) y = -(x+1)^2 + C_1 x + C_2$$

131. Решите уравнение  $y'' = 5 + \sin 2x$

$$A) y = \sin 2x + \frac{5}{2} x^2 + C_1 x + C_2$$

132. Решите уравнение  $y'' = \frac{1}{x^2} + \cos \frac{x}{3}$

$$A) y = -\ln x + \frac{1}{9} \cos \frac{x}{3} + C_1 x + C_2$$

133. Для решения дифференциального

уравнения  $(1-x^2)y'' - xy' = 2$  применяется

подстановка:

$$A) p(x) = y''$$

134. Для решения дифференциального

уравнения  $xy''' + y'' - x - 1 = 0$  применяется

$$A) y''' = u + xu'$$

135. Для решения дифференциального уравнения  $y'''x \ln x = y''$  применяется подстановка:

А)  $y' = p(y), y'' = p \cdot p'$

136. Для решения дифференциального уравнения  $y''' + y'' \operatorname{tg} x = x$  применяется подстановка:

А)  $y' = p(y), y'' = p \cdot p'$

137. Для решения дифференциального уравнения  $y'' = 2 - y$  применяется подстановка:

А)  $y' = p(x), y'' = p'$

138. Для решения дифференциального уравнения  $yu'' - (y')^2 = y^2 \ln y$  применяется подстановка:

А)  $y' = p(x), y'' = p'$

139. Для решения дифференциального

уравнения  $y'' + \frac{2}{1-y}(y')^2 = 0$  применяется подстановка:

А)  $y' = p(x), y'' = p'$

140. Если  $y_1(x)$  и  $y_2(x)$  частные решения линейного дифференциального уравнения 2-го порядка с постоянными коэффициентами  $a_0y'' + a_1y' + a_2y = 0$ , то его общее решение имеет вид:

А)  $y = y_1(x) \cdot y_2(x) + C_1 + C_2$

141. Частные решения  $y_1(x)$  и  $y_2(x)$  линейного дифференциального уравнения 2-го порядка с постоянными коэффициентами дифференциального уравнения  $a_0y'' + a_1y' + a_2y = 0$  обладают свойством...

А)  $y_1(x) \cdot y_2(x) \neq \text{const}$

142. Если корни  $k_1$  и  $k_2$  характеристического уравнения действительны и различны ( $k_1 \neq k_2$ ),

то общее решение дифференциального уравнения  $a_0y'' + a_1y' + a_2y = 0$  имеет вид:

А)  $y = e^{k_1x}(C_1 \cos k_2x + C_2 \sin k_2x)$

143. Если корни  $k_1$  и  $k_2$  характеристического уравнения действительны и равны ( $k_1 = k_2$ ), то общее решение дифференциального уравнения  $a_0y'' + a_1y' + a_2y = 0$  имеет вид:

А)  $y = e^{k_1x}(C_1x \cos k_1x + C_2x \sin k_1x)$

144. Если корни  $k_1$  и  $k_2$  характеристического уравнения комплексно сопряженные числа ( $k_{1,2} = a + bi$ ), то общее решение дифференциального уравнения  $a_0y'' + a_1y' + a_2y = 0$  имеет вид:

А)  $y = e^{k_1x}(C_1x \cos k_1x + C_2x \sin k_1x)$

145. Общее решение неоднородного линейного дифференциального уравнения 2-го порядка с постоянными коэффициентами  $a_0y'' + a_1y' + a_2y = f(x)$  имеет вид:

А)  $y_{\text{неод}} = C_1y_1(x) + C_2y_2(x)$

146. Если правая часть дифференциального уравнения  $a_0y'' + a_1y' + a_2y = f(x)$  имеет вид  $f(x) = e^{\alpha x}P(x)$ , где  $P(x)$  - многочлен  $n$ -й степени и  $\alpha$  не является корнем характеристического уравнения, то частное решение  $y_{\text{ч}}$  имеет вид ( $M(x)$  - многочлен  $n$ -й степени):

А)  $y_{\text{ч}} = e^{\alpha x}xM(x)$

147. Если правая часть дифференциального уравнения  $a_0y'' + a_1y' + a_2y = f(x)$  имеет вид  $f(x) = e^{\alpha x}P(x)$ , где  $P(x)$  - многочлен  $n$ -й степени и  $\alpha$  является корнем характеристического уравнения кратности  $l$ , то частное решение  $y_{\text{ч}}$  имеет вид ( $M(x)$  - многочлен  $n$ -й степени):

А)  $y_{\text{ч}} = e^{\alpha x}M(x)$

148. Если правая часть дифференциального уравнения  $a_0 y'' + a_1 y' + a_2 y = f(x)$  имеет вид  $f(x) = e^{\alpha x} (P(x) \cos \beta x + Q(x) \sin \beta x)$ , где  $P(x)$ ,  $Q(x)$  - многочлены  $n$ -й степени и  $z = \alpha \pm \beta i$  не является корнем характеристического

уравнения, то частное решение  $y_{\text{ч}}$  имеет вид ( $M(x)$ ,  $N(x)$  - многочлены  $n$ -й степени):

$$A) y_{\text{ч}} = e^{\alpha x} (M(x) \cos \beta x + N(x) \sin \beta x)$$

149. Если правая часть дифференциального уравнения  $a_0 y'' + a_1 y' + a_2 y = f(x)$  имеет вид  $f(x) = e^{\alpha x} (P(x) \cos \beta x + Q(x) \sin \beta x)$ , где  $P(x)$ ,  $Q(x)$  - многочлены  $n$ -й степени и  $z = \alpha \pm \beta i$  является корнем характеристического уравнения

кратности  $l$ , то частное решение  $y_{\text{ч}}$  имеет вид ( $M(x)$ ,  $N(x)$  - многочлены  $n$ -й степени):

$$A) y_{\text{ч}} = e^{\alpha x} x (M(x) \cos \beta x + N(x) \sin \beta x)$$

150. При решении неоднородного дифференциального уравнения 2-го порядка с постоянными коэффициентами

$$a_0 y'' + a_1 y' + a_2 y = f(x)$$

методом Лагранжа неизвестные функции  $C_1(x)$  и  $C_2(x)$  определяются из системы уравнений:

$$A) \begin{cases} C_1'(x) y_1(x) + C_2'(x) y_2(x) = 0 \\ C_1'(x) y_1'(x) + C_2'(x) y_2'(x) = 0 \end{cases}$$

151. Найти общее решение дифференциального уравнения  $2y'' + 5y' + 2y = 0$

$$A) y = C_1 e^x + C_2 e^{4x}$$

152. Найти общее решение дифференциального уравнения  $y'' - 2y' + y = 0$

$$A) y = e^x (C_1 + C_2 x)$$

153. Найти общее решение дифференциального уравнения  $y'' + 6y' + 13y = 0$

$$A) y = e^{2x} (C_1 \cos 3x + C_2 \sin 3x)$$

154. Найти общее решение дифференциального уравнения  $y'' + 8y' = 0$

$$A) y = e^{2\sqrt{2}x} (C_1 + x C_2)$$

155. Найти общее решение дифференциального уравнения  $y'' - 4y = 0$

$$A) y = C_1 + C_2 e^{4x}$$

156. Найти общее решение дифференциального уравнения  $y'' + 9y = 0$

$$A) y = C_1 \cos 9x + C_2 \sin 9x$$

157. Определить вид частного решения  $y_{\text{ч}}$  дифференциального уравнения

$$2y'' - 7y' + 3y = (2x + 1)e^{-3x}$$

$$A) y_{\text{ч}} = M_1 x e^{-3x}$$

158. Определить вид частного решения  $y_{\text{ч}}$  дифференциального уравнения

$$y'' - 3y' = 2x^2 - 5x$$

$$A) y_{\text{ч}} = e^{3x} (M_0 x + M_1 x^2)$$

159. Определить вид частного решения  $y_{\text{ч}}$  дифференциального уравнения

$$4y'' + 7y' - 2y = (x - 1) \cos 2x$$

$$A) y_{\text{ч}} = x (M_0 \cos 2x + N_0 \sin 2x)$$

160. Определить вид частного решения  $y_{\text{ч}}$  дифференциального уравнения

$$y'' + y = 4 \cos x - 2 \sin x$$

$$A) y_{\text{ч}} = e^x x (M_0 \cos x + N_0 \sin x)$$

161. Если задана числовая последовательность чисел  $u_1, u_2, \dots, u_n, \dots$ , то числовым рядом называется:

$$A) \text{ выражение } u_1 + u_2 + u_3 + \dots + u_i = \sum_{i=1}^{i+1} u_i$$

162. Суммой числового ряда называют число:

$$A) S = \lim_{n \rightarrow \infty} \frac{a_n}{a_{n+1}}, \text{ где } a_n - \text{общий член ряда}$$

163. По заданному общему члену  $u_n = \frac{1}{n(n+1)}$  найти сумму числового ряда:

A)  $S = \frac{1}{2}$

164. Запишите  $n$ -ую частную сумму  $S_n$  ряда  $\frac{1}{1 \cdot 3} + \frac{1}{3 \cdot 5} + \frac{1}{5 \cdot 7} + \dots + \frac{1}{(2n-1)(2n+1)} + \dots$

A)  $S_n = \frac{1}{(2n-1)} + \frac{1}{(2n+1)}$

165. Найдите  $n$ -ую частную сумму  $S_n$  ряда  $\frac{1}{2 \cdot 3} + \frac{1}{3 \cdot 4} + \frac{1}{4 \cdot 5} + \dots + \frac{1}{(n+1)(n+2)} + \dots$

A)  $S_n = \frac{1}{2}$

166. Найдите общий член  $u_n$  числового ряда:

$$\frac{1}{2} + \frac{3}{4} + \frac{5}{8} + \dots$$

A)  $u_n = \frac{n+2}{2^n}$

167. Если ряд с положительными членами

$\sum_{n=1}^{\infty} u_n$  сходится, то по необходимому признаку сходимости ...

A)  $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{u_{n+1}}{u_n} = 0$

168. Если  $\sum_{n=1}^{\infty} u_n$  и  $\sum_{n=1}^{\infty} v_n$  ряды с положительными

членами, причем ряд  $\sum_{n=1}^{\infty} v_n$  -сходящийся и

существует  $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{u_n}{v_n} = k$ , где  $0 < k < \infty$ , тогда ряды

$\sum_{n=1}^{\infty} u_n$  и  $\sum_{n=1}^{\infty} v_n$  ...

A) сходятся равномерно

169. Если для ряда  $\sum_{n=1}^{\infty} u_n$  с положительными

членами существует  $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{u_{n+1}}{u_n} = l$ , то этот ряд по признаку Даламбера сходится при...

A)  $l = \infty$

170. Если для ряда  $\sum_{n=1}^{\infty} u_n$  с положительными

членами существует  $\lim_{n \rightarrow \infty} \sqrt[n]{u_n} = l$ , то этот ряд по признаку Коши расходится при...

A)  $l = \infty$

171. Укажите числовой ряд, для которого выполнен необходимый признак сходимости:

A)  $\sum_{n=1}^{\infty} n!$

172. При каком значении  $q$  ряд

$$\sum_{n=0}^{\infty} aq^n \quad (a \neq 0)$$

является сходящимся?

A)  $|q| > 2$

173. При исследовании на сходимость числового

$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{2n+1}{n^3}$$

ряда по признаку сравнения используют для сравнения ряд...

A)  $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{2n+1}$

174. Исследуйте на сходимость по признаку Даламбера числовой ряд

$$3 + \frac{3^2 2!}{2^2} + \frac{3^3 3!}{3^3} + \dots + \frac{3^n n!}{n^n} + \dots$$

и найдите значение

$$l = \lim_{n \rightarrow \infty} \frac{u_{n+1}}{u_n} ;$$

A) ряд расходится,  $l = 1$

175. Исследуйте на сходимость по признаку Даламбера числовой ряд

$$\frac{1000}{1!} + \frac{1000^2}{2!} + \frac{1000^3}{3!} + \dots + \frac{1000^n}{n!} + \dots$$

значение  $l = \lim_{n \rightarrow \infty} \frac{u_{n+1}}{u_n}$  :

А) сходится,  $l = 1$

176. Исследуйте на сходимость по признаку Коши числовой ряд

$$\frac{1}{\ln 2} + \frac{1}{\ln^2 3} + \dots + \frac{1}{\ln^n(n+1)} + \dots$$

значение  $l = \lim_{n \rightarrow \infty} \sqrt[n]{u_n}$  :

А) сходится,  $l = 1$

177. В каком из следующих случаев числовой

ряд с положительными членами  $\sum_{n=1}^{\infty} u_n$  сходится?

А)  $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{u_n}{u_{n+1}} = \frac{1}{3}$

178. Исследуйте на сходимость по признаку Коши числовой ряд

$$\sum_{n=1}^{\infty} \left( \frac{n}{2n+1} \right)^n$$

значение  $l = \lim_{n \rightarrow \infty} \sqrt[n]{u_n}$  :

А) расходится,  $l = 1$

179. При каком значении  $p$  ряд  $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{n^p}$

расходится?

А)  $p = n$

180. Исследуйте на сходимость по интегральному признаку Коши числовой ряд

$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{\ln n}{n}$$

и укажите значение соответствующего несобственного интеграла:

А) расходится; 1

181. Исследуйте на сходимость по интегральному признаку Коши числовой ряд

$$\sum_{n=2}^{\infty} \frac{1}{n \ln n}$$

и укажите значение соответствующего несобственного интеграла:

А) расходится; 1

182. Знакопеременный ряд  $\sum_{n=1}^{\infty} u_n$  называется абсолютно сходящимся, если ряд  $\sum_{n=1}^{\infty} |u_n|$  сходится и...

А) сходится ряд  $\sum_{n=1}^{\infty} |u_n| \cdot |u_{n+1}|$

183. По признаку Лейбница ряд  $\sum_{n=1}^{\infty} (-1)^{n-1} a_n$ , где  $a_n > 0$  сходится, если:

А)  $a_1 > a_2 > a_3 > \dots > a_n > \dots$ , и  $\lim_{n \rightarrow \infty} a_n = 1$

184. Знакопеременный ряд  $\sum_{n=1}^{\infty} u_n$  называется

условно сходящимся, если ряд  $\sum_{n=1}^{\infty} u_n$  сходится и...

А) расходится ряд  $\sum_{n=1}^{\infty} |u_n| \cdot |u_{n+1}|$

185. Признак Лейбница применяется при исследовании на сходимость ...

А) рядов Фурье

186. Запишите ряд  $1 - \frac{1}{4} + \frac{1}{9} - \frac{1}{16} + \frac{1}{25} - \dots$ , используя знак  $\Sigma$

А)  $\sum_{n=0}^{\infty} (-1)^{n+1} \frac{1}{n^2}$

187. Запишите ряд  $\frac{1}{2} - \frac{1}{6} + \frac{1}{12} - \frac{1}{20} + \frac{1}{30} - \frac{1}{42} + \dots$ , используя знак  $\Sigma$

А)  $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{(n+1)(n+2)}$

188. Запишите ряд  $-1 + \frac{1}{4} - \frac{1}{7} + \frac{1}{10} - \dots$ , используя знак  $\Sigma$

А)  $\sum_{n=1}^{\infty} (-1)^{n+1} \frac{1}{3n-2}$

189. Запишите общий член ряда

$$1 - \frac{1}{5} + \frac{1}{9} - \frac{1}{13} + \dots$$

А)  $a_n = \frac{1}{4n-3}$

190. Остаток  $r_n$  знакопередающегося

сходящегося ряда  $\sum_{n=1}^{\infty} (-1)^{n-1} a_n$ , где

$a_n > 0$  удовлетворяет условию:

А)  $|r_n| \leq a_{n+1}$

191. Сумма  $S$  знакопередающегося

сходящегося ряда  $\sum_{n=1}^{\infty} (-1)^{n-1} a_n$ , где

$a_n > 0$  удовлетворяет условию:

А)  $0 < S < 1$

192. Исследовать на сходимость и абсолютную (условную) сходимость ряд

$$\frac{1}{2} - \frac{4}{5} + \frac{7}{8} - \frac{10}{11} + \dots + (-1)^n \frac{3n+1}{3n+2}$$

А) правильно сходится

193. Исследовать на сходимость и абсолютную

(условную) сходимость ряд  $\sum_{n=2}^{\infty} (-1)^{n-1} \frac{1}{n^3}$

А) сходится

194. Исследовать на сходимость и абсолютную

(условную) сходимость ряд  $\sum_{n=1}^{\infty} (-1)^{n+1} \left( \frac{1}{2n+1} \right)^n$

А) правильно сходится

195. Исследовать на сходимость и абсолютную

(условную) сходимость ряд  $\sum_{n=1}^{\infty} (-1)^{n+1} \frac{2n+1}{n(n+1)}$

А) расходится

196. Исследовать на сходимость и абсолютную

(условную) сходимость ряд  $\sum_{n=2}^{\infty} (-1)^{n+1} \frac{1}{n}$

А) сходится

197. Написать три первых членов ряда по

данному общему члену  $a_n = (-1)^{n-1} \frac{1}{(2n-1)!}$

А)  $1 + \frac{2}{3} - \frac{2}{5} + \dots$

198. Исследовать на сходимость и абсолютную

(условную) сходимость ряд  $\sum_{n=2}^{\infty} (-1)^n \frac{n}{n^2+1}$

А) сходится

199. Исследовать на сходимость и абсолютную (условную) сходимость ряд

$$-\frac{1}{3} + \frac{2}{8} - \frac{3}{13} + \frac{4}{18} + \dots + (-1)^n \frac{n}{5n-2}$$

А) правильно сходится

200. Исследовать на сходимость и абсолютную (условную) сходимость ряд

$$-1 + \frac{1}{2\sqrt{2}} - \frac{3}{3\sqrt{3}} + \frac{4}{4\sqrt{4}} + \dots$$

А) расходится

201. Исследовать на сходимость и абсолютную (условную) сходимость ряд

$$1 - 2 + 3 - 4 + 5 - 6 + \dots$$

А) сходится абсолютно

202. Если задана последовательность функций  $u_1(x), u_2(x), \dots, u_n(x), \dots$ , то функциональным

рядом называется...

А) выражение

$$u_1(x) + u_2(x) + \dots + u_n(x) = \sum_{i=1}^n u_i(x)$$

203. Функциональный ряд называется

сходящимся в точке  $x = x_0$ , если...

А) сходится ряд  $\sum_{n=1}^{\infty} u_n(x - x_0)$

204. Областью сходимости функционального

ряда  $\sum_{n=1}^{\infty} u_n(x)$  называется множество значений  $x$  при которых ...

А) ряд  $\sum_{n=1}^{\infty} u_n(x)$  условно сходится

205. Степенным рядом называется функциональный ряд вида...

А)  $\sum_{i=1}^n a_i(x \cdot x_0)^i$ , где  $a_n$  -коэффициенты ряда

206. Укажите значение  $x$ , при котором всегда

сходится степенной ряд вида  $\sum_{n=1}^{\infty} a_n x^n$  :

А)  $x \neq 1$

207. Неотрицательное число  $R$  называется радиусом сходимости степенного ряда вида

$\sum_{n=1}^{\infty} a_n x^n$ , если данный ряд сходится при всех...

А)  $x < -R$

208. Интервалом сходимости степенного ряда

вида  $\sum_{n=1}^{\infty} a_n x^n$  называется...

А)  $[-R; R)$

209. Интервалом сходимости степенного ряда

вида  $\sum_{n=1}^{\infty} a_n (x - x_0)^n$  называется...

А)  $[-R; R)$

210. Укажите формулу радиуса сходимости степенных рядов:

А)  $R = \lim_{n \rightarrow \infty} |a_n \cdot a_{n+1}|$

211. Укажите формулу радиуса сходимости степенных рядов:

А)  $R = \lim_{n \rightarrow \infty} \sqrt[n]{a_n}$

212. Найти область сходимости ряда  $\sum_{n=1}^{\infty} \left(\frac{x}{2}\right)^n$

А)  $[0, 2]$

213. Найти интервал сходимости степенного

ряда  $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{x^n}{n!}$   
А)  $(-1, 1)$

214. Найти интервал сходимости степенного

ряда  $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{10^n x^n}{\sqrt{n}}$   
А)  $[-10, 10]$

215. Найти область сходимости ряда

$\sum_{n=1}^{\infty} (-1)^{n-1} \frac{(2x)^n}{n}$   
А)  $[-2, 2)$

216. Найти область сходимости ряда  $\sum_{n=1}^{\infty} (-1)^n \frac{x^n}{n}$   
А)  $[-1, 1]$

217. Найти радиус сходимости степенного ряда

$\sum_{n=0}^{\infty} (2n+1)x^n$   
А) 2

218. Найти радиус сходимости степенного ряда

$\sum_{n=0}^{\infty} \frac{x^n}{3^n(n+1)}$   
А)  $\infty$

219. Найти область сходимости

функционального ряда  $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{(2x+1)^{n+1}}{3n+1}$   
А)  $[-1, 1]$

220. Найти радиус сходимости степенного ряда

$\sum_{n=0}^{\infty} \frac{n!}{n^n} (x-2)^n$   
А)  $\infty$

221. Найти интервал сходимости степенного

ряда  $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{(x-4)^n}{\sqrt{n}}$   
А)  $[3, 5]$

222. Укажите формулу Тейлора.

$$f(x) = \frac{f^{(n-1)}(a)}{(n-1)!} (x-a)^{n-1} + R_n$$

223. Укажите формулу Тейлора при  $a = 0$

$$f(x) = f(0) + f'(0)(x-0) + \frac{f''(0)}{2!} (x-0)^2$$

224. Разложите в ряд Тейлора функцию  $\ln(1+x)$

$$e^x = 1 - \frac{x}{1!} + \frac{x^2}{2!} - \frac{x^3}{3!} + \dots, \quad -\infty < x < +\infty$$

225. Запишите ряд Маклорена для функции

$$f(x) = \frac{1}{x+1}$$

$$f(x) = 1 - \frac{x}{1!} + \frac{x^2}{2!} - \frac{x^3}{3!} + \dots$$

226. Запишите ряд Маклорена для функции

$$f(x) = \frac{1}{x+2}$$

$$f(x) = 1 - \frac{x}{1!} + \frac{x^2}{2!} - \frac{x^3}{3!} + \dots$$

227. Запишите ряд Маклорена для функции

$$f(x) = e^{x+1}$$

$$f(x) = 1 - e \frac{x}{1!} + e \frac{x^2}{2!} - e \frac{x^3}{3!} + \dots$$

228. Запишите ряд Маклорена для функции

$$f(x) = e^x + \sin x$$

$$f(x) = 1 - e \frac{x}{1!} + e \frac{x^2}{2!} - e \frac{x^3}{3!} + \dots$$

229. Запишите ряд Маклорена для функции

$$f(x) = \sin x + \cos x$$

$$f(x) = 1 - e \frac{x}{1!} + e \frac{x^2}{2!} - e \frac{x^3}{3!} + \dots$$

230. Запишите ряд Маклорена для функции

$$f(x) = (x+2)^2$$

$$f(x) = 1 - e \frac{x}{1!} + e \frac{x^2}{2!} - e \frac{x^3}{3!} + \dots$$

231. Если функции  $f(x)$  на интервале, содержащем точку  $a$  имеет производные всех порядков, то формула Тейлора для  $f(x)$  (где

$$R_n = \frac{f^n(\xi)}{n!} (x-a)^n$$

) имеет вид :

$$f(x) = f(a) + f'(a)(x-a) + \frac{f''(a)}{2!} (x-a)^2 + \dots + \frac{f^{(n-1)}(a)}{(n-1)!} (x-a)^{n-1} + R_n$$

232. Запишите ряд Тейлора для функции  $f(x)$  :

А)

$$f(x) = f(a) + f'(a)(x-a) + \frac{f''(a)}{2} (x-a)^2 + \dots + \frac{f^{(n)}(a)}{n} (x-a)^n + R_n$$

233. Функция  $f(x)$  разлагается в ряд Тейлора для некоторого значения  $x$ , если она имеет производные всех порядков и в окрестности точки  $a$  ...

$$\lim_{n \rightarrow \infty} |R_n(x)| = 1$$

234. Запишите ряд Маклорена для функции  $f(x)$  :

А)

$$f(x) = f(0) + f'(0)x + \dots + \frac{f^{(n)}(0)}{n!} x^n + \dots = \sum_{n=1}^{\infty} \frac{f^{(n)}(0)}{n!} x^n$$

235. Запишите ряд Маклорена для функции

$$f(x) = e^x$$

$$e^x = \frac{x^2}{2!} + \frac{x^3}{3!} + \dots + \frac{x^n}{n!} + \dots \quad (-\infty < x < +\infty)$$

236. Запишите ряд Маклорена для функции

$$f(x) = \sin x$$

А)

$$\sin x = 1 - \frac{x^2}{2!} + \frac{x^4}{4!} - \dots + (-1)^{n-1} \frac{x^{2n}}{(2n)!} + \dots, \quad (-\infty < x < +\infty)$$

237. Запишите ряд Маклорена для функции

$$f(x) = \cos x$$

A)

$$\cos x = x - \frac{x^3}{3!} + \frac{x^5}{5!} - \dots + (-1)^{n-1} \frac{x^{2n-1}}{(2n-1)!} + \dots, \quad (-\infty < x < +\infty)$$

238. Указать область сходимости ряда

Маклорена для функции  $f(x) = e^x$

A)  $[-1, 1)$

239. Указать область сходимости ряда

Маклорена для функции  $f(x) = \sin x$  :

A)  $(-1, 1)$

240. Указать область сходимости ряда

Маклорена для функции  $f(x) = \cos x$  :

A)  $(-1, 1)$

241. Найти действительную часть комплексного

числа  $-\sqrt{2} + i\sqrt{2}$  :

A) 1

242. Найти алгебраическую форму комплексного числа:

A)  $a = \operatorname{Re} z + \operatorname{Im} z$

243. Укажите сопряженное число:

A)  $a = \operatorname{Re} z + \operatorname{Im} z$

244. Найти сопряженное число комплексного

числа  $z = 2 + 3i$  :

A)  $\bar{z} = \sqrt{2^2 + 3^2} = \sqrt{13}$

245. Деление комплексных чисел выполняется по формуле:

$$\frac{z_1}{z_2} = \operatorname{Re} z + \operatorname{Im} z$$

A)  $z_2$

246. Плоскость на которой изображаются комплексные числа называется:

A) Декартовой плоскостью

247. Найти производную для любой точки  $z$ , принадлежащей комплексной плоскости, для

функции  $f(z) = z^3$  :

A)  $(z^3)' = 0$

$$\begin{cases} \frac{\partial u}{\partial x} = \frac{\partial v}{\partial y} \\ \frac{\partial u}{\partial y} = -\frac{\partial v}{\partial x} \end{cases}$$

248. Условие  $\begin{cases} \frac{\partial u}{\partial x} = \frac{\partial v}{\partial y} \\ \frac{\partial u}{\partial y} = -\frac{\partial v}{\partial x} \end{cases}$ , для функции  $f(z)$

дифференцируемой в точке называется условием:

A) ограниченности (существует внешняя граница)

249. Производную функции комплексного переменного находят по формуле:

A)  $f'(z_0) = \operatorname{Re} z + \operatorname{Im} z$

250. Найдите верное соотношение:

A)  $a = \operatorname{Re} z + \operatorname{Im} z$

251. Производная дифференцируемой функции может быть найдена по формуле:

A)  $f'(z) = \operatorname{Re} z + \operatorname{Im} z$

252. Если  $u(x, y)$  и  $v(x, y)$  дифференцируемы в точке  $x_0, y_0$  и выполняется условие Коши-Римана, то функция

$f(z) = f(x + iy) = u(x, y) + iv(x, y)$  в точке

$z_0 = x_0 + iy_0$  :

A) терпит разрыв второго рода

253. Найти модуль комплексного числа

$-\sqrt{2} + i\sqrt{2}$  :

A) 1

254. Найти модуль комплексного числа  $1 - i\sqrt{3}$  :

A)  $1 + \sqrt{3}i$

255. Найти аргумент комплексного числа

$1 - i\sqrt{3}$  :

A)  $\frac{\pi}{4}$

256. Найти аргумент комплексного числа

$\sqrt{2} - i\sqrt{2}$  :

A) 1

257. Определить  $x$  и  $y$  из уравнения

$$(2x + y) + (x + 3y)i = 3 - i.$$

А)  $(-2; 3)$

258. Вычислить  $\frac{1+2i}{2+3i}$  :

А)  $\frac{8}{13} - i \frac{1}{13}$

259. Найти  $z_1 \cdot z_2$  если  $z_1 = 3 - 4i$ ;  $z_2 = 1 + 3i$  :

А)  $9 - 7i$

260. Вычислить  $\frac{4+3i}{5-2i}$  :

А)  $-\frac{14}{29} + i \frac{23}{29}$

261. Событие, которое при осуществлении совокупности условий  $S$  может либо произойти, либо не произойти называют

А) равновозможным

262. Событие, которое обязательно произойдет, если будет осуществлена определенная совокупность условий  $S$  называют

А) невозможным

263. Событие, которое заведомо не произойдет, если будет осуществлена совокупность условий  $S$  называют

А) независимым

264. Как называются события, если появление одного из них исключает появление других событий в одном и том же испытании?

А) независимым

265. Как называются события, если появление в результате испытания одного и только одного из них является достоверным событием?

А) независимым

266. Отношение числа, благоприятствующих событию  $A$  исходов к общему числу всевозможных элементарных исходов испытания называют :

А) статистической вероятностью события  $A$

267. Сколько расписаний занятий можно составить из 7 дисциплин, если расписание одного дня студента содержит 4 занятия?

А) 11

268. Сколько будет трехзначных чисел (количество), составленных из первых девяти цифр?

А) 12

269. Сколькими способами можно выбрать три цветка из вазы, если в вазе стоят 7 красных и 2 белых розы ?

А) 72

270. Сколькими способами можно расположить 4-х человек на четырехместной скамье?

А) 1

271. В урне 3 белых, 2 черных и 5 красных шара. Найти вероятность того, что наудачу вынутый шар окажется не черным

А) 0,125

272. Брошены две игральные кости. Найти вероятность того, что сумма очков на выпавших гранях - четная, причем на гранях хотя бы одной из костей появится шестерка

А)  $\frac{1}{3}$

273. Брошены две игральные кости. Найти вероятность того, что сумма выпавших очков равна семи.

А)  $\frac{2}{3}$

274. Брошены две игральные кости. Найти вероятность того, что сумма выпавших очков равна восьми, а разность - четырем.

А)  $\frac{2}{3}$

275. В ящике 10 одинаковых деталей под номерами №1, №2, №3, ..., №10. Извлекаются 6 деталей. Найти вероятность того, что среди извлеченных деталей окажется деталь №1.

А) 0

276. Брошены две игральные кости. Найти вероятность того, что сумма выпавших очков четная.

А) 0

277. В ящике имеется 15 деталей, среди которых 10 нестандартных. Наудачу извлекаются 3 детали. Найти вероятность того, что извлеченные детали окажутся нестандартными.

А)  $\frac{1}{6}$

278. В ящике 10 деталей, из них 4 бракованных. Наудачу извлечены 2 детали. Найти вероятность того, что среди извлеченных деталей нет бракованных.

А)  $\frac{3}{14}$

279. В компьютерном классе работают 6 компьютеров с антивирусной программой и 4 компьютера без антивируса. Для профилактических работ выбраны наудачу 7 компьютеров. Найти число благоприятствующих исходов, того, что среди отобранных компьютеров окажутся 3 компьютера без антивируса.

А) 15

280. В группе 12 студентов, из них 8 активистов. Для участия в студенческой конференции рекомендованы 9 студентов. Найти число благоприятствующих исходов, того, что среди рекомендованных студентов 6 студентов-активистов.

А) 18816

281. Число вокруг которого сосредоточены значения случайной величины, называется:

А) вектором

282. Математическое ожидание дискретной случайной величины  $\xi$

А)  $M\xi = \sum_{i=1}^n p_i x_i y_i z_i$

283. Математическое ожидание непрерывной случайной величины с плотностью

вероятностей  $p_\xi(x)$  вычисляется по формуле:

А)  $M\xi = 0$

284. Математическое ожидание непрерывной случайной величины вычисляется по формуле:

А)  $M\xi = \int_{-\infty}^{\infty} p_\xi(x) dx$

285. Укажите формулу для нахождения дисперсии случайной величины:

А)  $D\xi = M(M\xi)$

286. Укажите формулу для нахождения среднеквадратичного отклонения

А)  $D\xi = M(\xi + M\xi)$

287. Центральным моментом  $k$ -го порядка случайной величины  $\xi$  называется величина определяемая формулой

А)  $\mu_k = M(\xi + M\xi)$

288. Средним гармоническим случайной величины, принимающей положительные значения, называется величина:

А)  $H_\xi = \sqrt{D\xi}$

289. Средним геометрическим случайной величины, принимающей положительные значения, называется величина:

А)  $G_\xi = \sqrt{D\xi}$

290. Эксцесс случайной величины определяется равенством:

А)  $\gamma = \sqrt{D\xi}$

291. В вузе имеется 15 компьютерных классов, причем 10 компьютерных классов оснащены интерактивными досками. Найти число благоприятствующих исходов того, что среди 5 компьютерных классов, выбранных для проведения экзамена 3 класса с наличием интерактивной доски.

А) 10

292. На стеллаже библиотеки в случайном порядке расставлено  $15$  учебников, причем  $5$  из них по математике. Студент берет наудачу  $2$  учебника. Найти вероятность того, что среди взятых учебников один учебник окажется по математике.

А)  $\frac{5}{21}$

293. На витрине магазина сотовой связи в случайном порядке расставлено  $11$  мобильных телефонов, причем  $7$  из них по формату GSM. Клиент выбирает наудачу  $3$  телефона. Найти вероятность того, что все  $3$  телефона формата GSM.

А)  $\frac{11}{7}$

294. На рабочем столе компьютера  $4$  файла Microsoft Word и  $3$  файла Excell. Найти вероятность того, что пользователь использует  $2$  файла Microsoft Word.

А)  $\frac{3}{7}$

295. Студент сдает коллоквиум по математике. Количество вопросов коллоквиума  $30$ , из них  $10$  вопросов по теме «Матрицы»,  $5$  вопросов по теме «СЛАУ»,  $15$  вопросов по теме «Векторы». Найти вероятность того, что преподаватель не задаст вопроса по теме «СЛАУ».

А)  $\frac{7}{12}$

296. В урне  $25$  шаров:  $11$  красных,  $2$  синих и  $12$  белых. Найти вероятность появления цветного шара.

А)  $\frac{12}{13}$

297. Стрелок стреляет по мишени, разделенной на  $3$  области. Вероятность попадания в первую область равна  $0,45$ , во вторую -  $0,35$ . Найти вероятность того, что стрелок при одном выстреле попадет либо в первую, либо во вторую область.

А)  $0,5075$

298. Загадано число с  $1$  по  $20$ . Найти вероятность того, что загаданное число делится на число  $2$  или делится на число  $3$ .

А)  $0,3$

299. Загадано число с  $1$  по  $20$ . Найти вероятность того, что загаданное число делится на число  $2$  или делится на число  $5$ .

А)  $0,5$

300. В цехе по изготовлению пластиковых окон работают  $5$  мужчин и  $3$  женщины. Для изготовления заказа отобрано  $3$  человек. Найти число благоприятствующих исходов того, что среди  $3$  отобранных лиц окажется  $2$  мужчин и  $1$  женщина:

А)  $15$